

## Úlohy 5 (17.3.2025)

Termín, **24. marec 2025**, na prednáške. Riešenie každého príkladu píšete na samostatný papier. Ak sa nevidíte v tabuľke pošlite id.

Vždy uveďte aj zdôvodnenie (dôkaz) vášho riešenia! (Nestačí len áno/nie alebo číslo.)

Opísané riešenia sú za 0b (aj opisované aj opísané, nebudeme zisťovať čo je originál).

### príklad 1.

Dokážte alebo vyvráťte, že

- $L = \{a^{2n}b^n a^{3n} | n \in \mathbb{N}\}$  je regulárny.
- $L = \{u^R u | u \in \{a, b\}^*\}$  je regulárny. Keď  $w = z_1 z_2 \dots z_n$  a pre  $1 \leq i \leq n$ ,  $z_i \in \Sigma$  je  $w^R = z_n \dots z_2 z_1$ .

### príklad 2.

Navrhnite deterministický KA  $A$  rozpoznávajúci jazyk

$$L = \{w \in \{0, 1\}^* \mid (|w|_0 |w|) \bmod 3 = 1\}$$

a dokážte jeho správnosť.

Inšpirujte sa simuláciou. Možno vám príde vhod spomenúť si, že  $(xy) \bmod m = (x \bmod m)(y \bmod m) \bmod m$ .