

## Úlohy 2 (26.2.2024)

Termín do najbližších cvičení, najneskôr **5. marec 2024**, na cvičeniach. Každý príklad píšte na samostatný papier A4! Nezabudnite sa podpísť a uviesť skupinu kam chodíte na cvičenia (meno cvičiaceho resp. čas cvičenia a miestnosť). Ak máte riešenie príkladu na viacerých papieroch, vhodne ich zopnite.

Vždy uvedťe aj zdôvodnenie (dôkaz) vášho riešenia! (Nestačí len áno/nie alebo číslo.)

Opisané riešenia sú za 0b (aj opisované aj opísané, nebudeme zistovať čo je originál).

### príklad 1.

Dokážte alebo vyvráťte:

- $L_1$  a  $L_2$  sú jazyky. Ak  $L_1^* = L_2^*$ , tak  $L_1 = L_2$ .
- Sú jazyky  $\{w \in \{a, b\}^* \mid |w| \bmod 2 = 0\}$  a  $\{xy \in \{a, b\}^* \mid |x| = |y|\}$  rovnaké?

Pomocou jazykov  $L_a = \{a\}$ ,  $L_b = \{b\}$ , množinových operácií a zrečazenia vyjadrite jazyk, ktorý obsahuje práve slová (nezabudnite zdôvodniť/dokázať)

- ktorých dĺžka je deliteľná 4;
- ktoré začínajú a končia rôznym písmenom a majú nepárnu dĺžku.

### príklad 2.

Slová môžeme interpretovať rôznym spôsobom, táto úloha je jeden z príkladov ako sa to dá urobiť.

Uvažujme abecedu  $\Sigma = \{0, 1\}$  postupnosť slov na abecedou  $\Sigma$ :  $w_0 = 0, w_i = \rho(w_{i-1}), i > 0$ , kde  $\rho(0) = 01$  a  $\rho(1) = 0$ . Napríklad:  $w_1 = 01, w_2 = 010, w_3 = 01001, \dots$

Slovo  $c_0c_1c_2c_3\dots$ , kde  $c_i \in \Sigma$  budeme interpretovať korytnačkou tak, že budeme postupne čítať jeho symboly z ľava,  $c_0, c_1, \dots$ . Ked' korytnačka číta symbol 1, posunie sa o krok vpred. Ak číta symbol na pozícii  $j$  a  $c_j = 0$ , otočí sa o 90 stupňov vľavo keď je  $j$  párné, a o 90 stupňov vpravo keď je  $j$  nepárne.

Definujte v Pythone:

funkciu `slovo(n)`, ktorej výsledok bude slovo  $w_n$  (nebojte sa využiť generátor),

funkciu `vykresli(s,krok)`, ktorá vykreslí korytnačkou slovo  $s$ , pričom veľkosť kroku korytnačky určí hodnota `krok`.

funkciu `prvychkodm(k,m,s)`, ktorej výsledok bude slovo  $c_mc_{m+1}\dots c_{m+k-1}$ , keď  $s = c_0c_1c_2\dots, c_i \in \Sigma$ . Môžete predpokladať, že  $|s| > k + m$ .

Váš program by mal pracovať pri štandardných nastaveniach aj pre  
`vykresli(prvychkodm(1000, 1000000, slovo(500)), 1.5)`

Nezabudnite uviesť aj testovacie dáta.

Riešenie pošlite na `winczer@fmph.uniba.sk`, predmet dajte DU UTI.