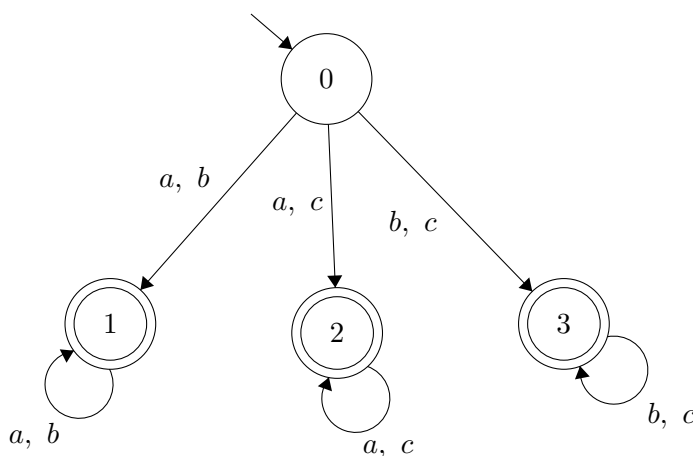
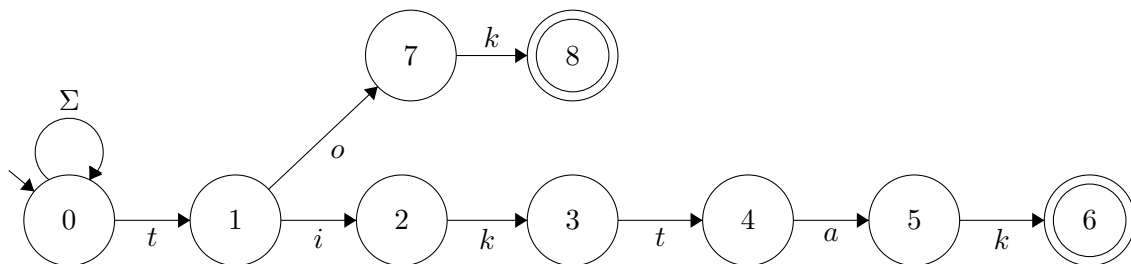


1. príklad

- (a) Na obrázku sa nachádza NKA M. Aký jazyk (intuitívne) rozoznáva? Prerobte ho na deterministický.



- (b)* Aký jazyk rozoznáva NKA na obrázku? Prerobte ho na DKA.



Riešenie príkladu 1.a

Na to, aby sme zistili, aký jazyk automat rozoznáva, sa pozrime do jednotlivých stavov. V stave 0 skončí iba prázdne slovo. Do stavu 1 sa dostaneme po a alebo b a v stave 1 sa ďalej po týchto znakoch aj môžeme cykliť. Skončia tu teda slová z jazyka $\{a, b\}^*$. Do stavu 2 sa vieme dostať iba po a a c , a opäť sa v ňom cyklíme po tých istých znakoch. Čiže slová, ktoré skončia v tomto stave budú z jazyka $\{a, c\}^*$. Pre stav 3 to budú slová z jazyka $\{b, c\}^*$.

Výsledný jazyk by sme preto mohli opísať ako jazyk všetkých takých neprázdnych slov w nad abecedou $\{a, b, c\}$, v ktorých sa vyskytujú najviac dva symboly z abecedy, respektíve, v ktorých $|w|_a = 0 \vee |w|_b = 0 \vee |w|_c = 0$.

Prečo o tomto automate hovoríme ako o nedeterministickom? Pozrime sa na stav 0. Do ktorého stavu sa posunieme, ak na vstupe prečítame a ? Máme dve možnosti – buď sa posunieme do stavu 1 alebo do stavu 2. Rovnako dve možnosti máme, ak na vstupe prečítame b alebo c . A čo sa stane, ak by sme boli napríklad v stave 1 a mali by sme ešte prečítať c ? Takýto prechod v tomto automate nie je. Môže taká situácia vôbec nastať? Napríklad slovo abc – vieme takéto slovo celé niekde prečítať? Nie, môžeme to preto označiť ako *mŕtvy výpočet*, čiže výpočet na tomto slove nikde neskončí, takže slovo nie je z jazyka. Ale ako vieme, kam sa posunúť a či nebola iná možnosť, ktorá by skončila v akceptačnom stave? Nedeterminizmus si môžete predstaviť dvoma spôsobmi. Predstavte si, že NKA je vlastne bludisko – stavy sú miestnosti a prechody chodby. Vaším cieľom je sa so svojím slovom dostať do miestnosti, v ktorej je poklad (akceptačného stavu). Ak sa vám to nepodarí, čiže sa nedostanete k pokladu a neskončíte v danej miestnosti, tak vaše slovo nebude z jazyka automatu (nebude akceptované).

- (a) Ste čarodejník a máte **magickú guľu**. Vždy, keď sa môžete vydať viacerými cestami (prechodmi), spýtate sa magickej gule a ona vám odporučí tú správnu. V prípade slova abc by vás napríklad poslala do miestnosti 1, potom opäť do 1 a nakoniec by zistila, že nemáte kam ísť, tak by ste sa zasekli – čiže by ste nevyšli z bludiska. Neskončili ste v akceptačnom stave, takže máte zlé slovo. Pre slovo $bbbbccb$ by vám guľa odporučila ísť do stavu 3, kde by ste aj skončili a vyhrali poklad – slovo je z jazyka, ktorý rozoznáva náš NKA.
- (b) Ste Alibaba a máte (aspoň) **100 zbojníkov**. Ako ich využijete? Vždy, keď máte na výber viacero ciest, každou pošlete nejakého zbojníka. Tým zabezpečíte, že vyskúšate všetky možnosti. No ale ako budete vedieť, že je to vaše slovo správne? Ak aspoň jeden zo zbojníkov prešiel po všetkých zadaných chodbách (po všetkých písmenách slova) a nikde sa nezasekol a skončil v miestnosti s pokladom (v akceptačnom stave), tak si poklad môžete zobrať. Slovo akceptujete.

Vráťme sa k nášmu príkladu a skúsme si spísať prechodovú funkciu tohto automatu do tabuľky, aby sme videli, kedy máme viac možností na posun.

Túto tabuľku budeme potrebovať na to, aby sme vedeli zostrojiť DKA, ktorý rozpozna rovnaký jazyk¹. Stavy v prerobenom DKA budeme označovať $\langle P \rangle$, kde $P \subseteq Q$. Takže napríklad: $\langle \{0, 1\} \rangle$,

- Začnime vstupným stavom. Prvý riadok bude takmer rovnaký, ako v prvej tabuľke, ale všimnite si, že počiatočný stav sme už nazvali $\langle \{0\} \rangle$.

¹Tabuľku nutne nepotrebuje, môžete vychádzať z diagramu a rovno DKA kresliť.

Tabuľka 1: Prechodová funkcia NKA

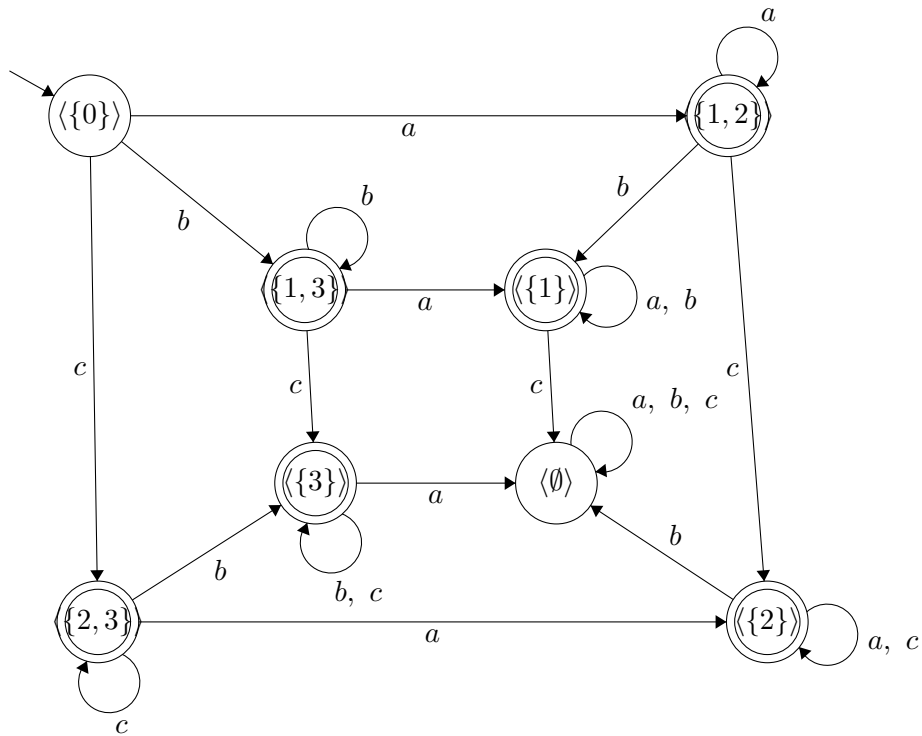
	a	b	c
0	{1,2}	{1,3}	{2,3}
1	{1}	{1}	\emptyset
2	{2}	\emptyset	{2}
3	\emptyset	{3}	{3}

- Následne do prvého stĺpca tabuľky pridáme všetky stavy, do ktorých sme sa dostali v tomto riadku, čiže stavy $\langle\{1,2\}\rangle$, $\langle\{1,3\}\rangle$, $\langle\{2,3\}\rangle$. Ako zistíme, kam sa dostaneme v DKA z týchto stavov? Spravíme zjednotenie prechodov zo stavov, ktoré sú uvedené v množine. Takže pre stav $\langle\{1,2\}\rangle$ pozeráme do tabuľky pre NKA na riadok so stavom 1 a stavom 2 a robíme zjednotenie ich prechodov.
- Rovnaký postup použijeme pri stavoch $\langle\{1,3\}\rangle$ a $\langle\{2,3\}\rangle$. V tabuľke nám vzniknú ďalšie stavy – $\langle\{1\}\rangle$, $\langle\{2\}\rangle$, $\langle\{3\}\rangle$. Použijeme tieto riadky z prvej tabuľky².
- V tabuľke sme sa dostali ešte do jedného stavu – $\langle\emptyset\rangle$. Je aj toto stav? Je to množina? Áno, hoci prázdna, takže áno, je to stav. Kam sa z neho po jednotlivých prechodoch dostaneme? Späť do neho. Práve toto nám spôsobovalo „zaseknutie” v pôvodnom automate, preto stav $\langle\emptyset\rangle$ bude akoby odpadový – pôjdu tam všetky prechody, ktoré sa v NKA zasekli, a všetky slová, ktoré sme v NKA neriešili, lebo nám nevyhovovali.
- Nevznikli nám žiadne nové stavy, takže prechodová funkcia je kompletná. Koľko stavov bude mať náš DKA? 8. A ktoré z nich budú akceptačné? Všetky tie, ktoré obsahujú stavy, ktoré predtým boli akceptačné.
- Skúsme si ho nakresliť, aby sme videli rozdiel. vidíme, že DKA má 8 stavov. Ale ani to nie je maximálny počet stavov, ktorý by mať mohol.
- Koľko stavov DKA vie vzniknúť podmnožinovou konštrukciou zo 4-stavového NKA? Tolko, koľko podmnožín vie vzniknúť z množiny $\{0, 1, 2, 3\}$. Spomeňte si prvé cvičenia a váš výsledok zovšeobecnite na n -stavové automaty.

²Mohli by ste sa spýtať, prečo sme ich tam nedali hneď. Mohli sme, ale postup, ktorý opisujeme, nám umožní zostrojovať iba dosiahnuteľné stavy. Tj. ak sa do stavu dostaneme z počiatočného, tak ho zostrojíme, inak nie.

Tabuľka 2: Prechodová funkcia DKA

	a	b	c
$\langle\{0\}\rangle$	$\langle\{1, 2\}\rangle$	$\langle\{1, 3\}\rangle$	$\langle\{2, 3\}\rangle$
$\langle\{1, 2\}\rangle$	$\langle\{1, 2\}\rangle$	$\langle\{1\}\rangle$	$\langle\{2\}\rangle$
$\langle\{1, 3\}\rangle$	$\langle\{1\}\rangle$	$\langle\{1, 3\}\rangle$	$\langle\{3\}\rangle$
$\langle\{2, 3\}\rangle$	$\langle\{2\}\rangle$	$\langle\{3\}\rangle$	$\langle\{2, 3\}\rangle$
$\langle\{1\}\rangle$	$\langle\{1\}\rangle$	$\langle\{1\}\rangle$	$\langle\emptyset\rangle$
$\langle\{2\}\rangle$	$\langle\{2\}\rangle$	$\langle\emptyset\rangle$	$\langle\{2\}\rangle$
$\langle\{3\}\rangle$	$\langle\emptyset\rangle$	$\langle\{3\}\rangle$	$\langle\{3\}\rangle$
$\langle\emptyset\rangle$	$\langle\emptyset\rangle$	$\langle\emptyset\rangle$	$\langle\emptyset\rangle$



2. príklad

- Zostrojte NKA pre jazyk $L = \{axb \mid x \in \{a, b\}^*\}$. Následne k nemu zostrojte (pomocou determinácie NKA) DKA.
- Zostrojte NKA, ktorý rozoznáva jazyk $L = \{\{a, b\}^*a\{a, b\}^2\}$ a prerobte

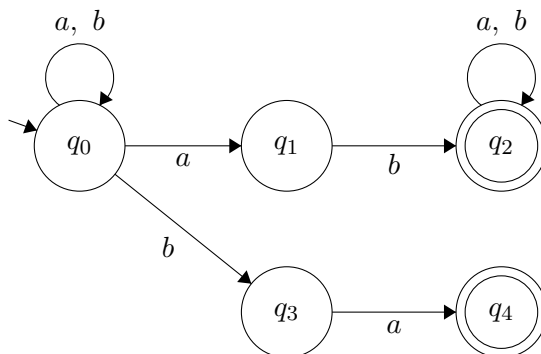
ho konštrukciou z prednášky na DKA (vynechajte nedosiahnuteľné stavy).

3. príklad

Zostrojte NKA pre jazyky:

- (a) $L_1 = \{xba \mid x \in \{a, b\}^*\} = \{a, b\}^*\{ba\}$
- (b) $L_2 = \{xaby \mid x, y \in \{a, b\}^*\} = \{a, b\}^*\{ab\}\{a, b\}^*$
- (c) $L_3 = L_1 \cup L_2 = \{w = xba \vee zaby \mid x, y, z \in \{a, b\}^*\} = \{a, b\}^*\{ba\} \cup \{a, b\}^*\{ab\}\{a, b\}^*$

L_1 a L_2 nechávam na precvičenie a zostrojme rovno NKA pre jazyk L_3 . Ak ste si zostrojili automaty pre L_1 a L_2 , tak viete, že sme iba spojili ich vstupné stavy.



Z obrázku je zrejmé, že v stave q_0 sa prečíta prefix x resp. z . Prechodom cez q_1 až do q_2 prečítame podslovo ab a v stave q_2 sa dočíta sufix y . Stav q_2 tak akceptuje slová z jazyka L_2 . Prechodom cez q_3 do q_4 prečítame podslovo (sufix) ba , čiže stav q_4 akceptuje slová z jazyka L_1 .

Skúste tento automat previesť podmnožinovou konštrukciou na DKA. Koľko stavov bude mať? Viete pre tieto jazyky vytvoriť aj DKA priamo? Majú viac alebo menej stavov ako automat vytvorený z NKA?

4. príklad

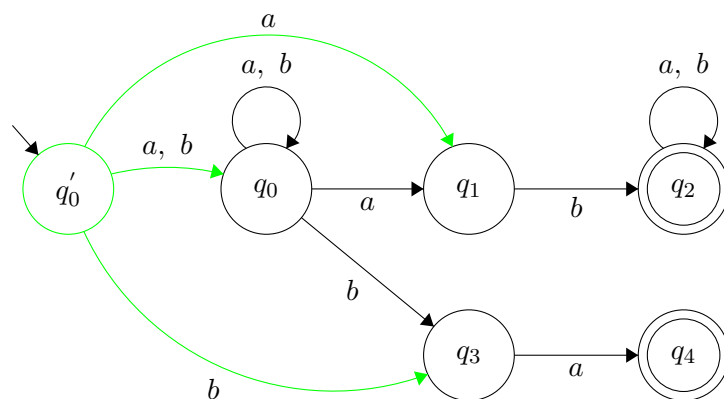
Nech A je konečný automat rozpoznávajúci jazyk $L - \{\lambda\}$.

- (a) Navrhните a zdôvodните konštrukciu, ktorá k danému nedeterministickému automatu A vytvorí nedeterministický automat A' , taký, že $L(A) = L(A')$ s nasledujúcimi vlastnosťami:
- (i) má počiatočný stav q_0'
 - (ii) a jediný akceptačný stav q_F'
 - (iii) neexistuje prechod do q_0'
 - (iv) neexistuje prechod z q_F'
- (b) Využite konštrukciu z bodu a) na zostrojenie KA pre jazyky L^2 , L^+ , L^* , L_1L_2 , $L_1 \cup L_2$.

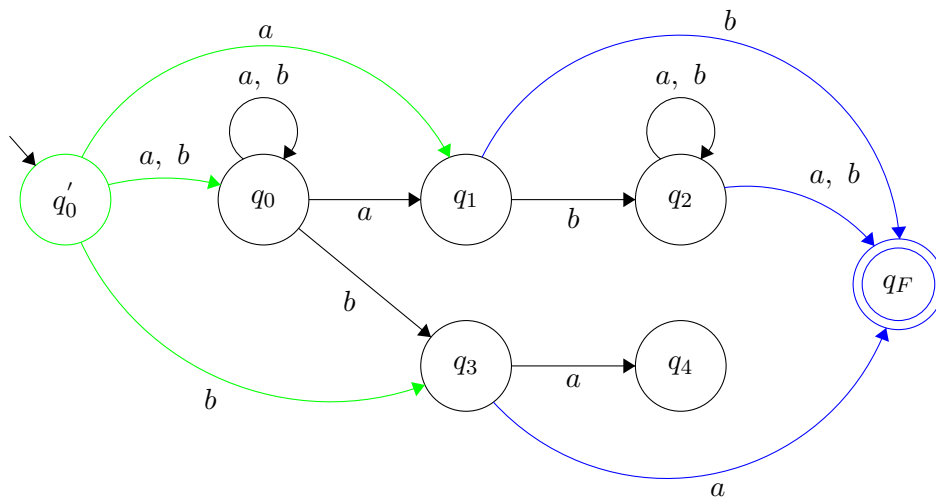
Riešenie 4. príkladu

Podme sa spolu zamyslieť, čo znamenajú jednotlivé pravidlá. Pravidlo (i) samé o sebe nehovorí nič, v automate vždy máme jeden vstupný stav, ale v kombinácii s (iii) vidíme, že budeme musieť vyriešiť to, ak sa vraciame do vstupného stavu. Takže budeme musieť vytvoriť nový vstupný stav, z ktorého budú prechody iba vychádzať, ale nevrátia sa do neho. Ako to budeme robiť? Kým sa dostaneme k všeobecnému riešeniu, bude jednoduchšie, ak budeme skúšať na príklade. Využime automat pre L_3 , ktorý sme zostrojili v prechádzajúcom príklade. A podme si na ňom ukázať, čo bude znamenať pridanie nového vstupného stavu.

Pridáme stav q_0' . Vieme, že z neho budú prechody iba vychádzať. Ale ako? Pozrime na pôvodný vstupný stav q_0 , z neho existujú tri prechody. Jeden po a do q_1 , druhý po b do q_3 , a tretí – slučka po a aj b do q_0 . Tieto prechody by sme mali zachovať. Takže z nášho nového vstupného stavu q_0' pôjdu prechody tak isto. V obrázku znázornené zelenou. Prečo sme zachovali všetky prechody, nestačil iba prechod do q_0 ? Nie, pozrite na slová ab a ba – obe sú v pôvodnom automate akceptované, keby sme spravili iba prechod do q_0 , neakceptovali by sme ani jedno z týchto slov. Prečo je dôležitý prechod do q_0 ? Povedali sme si, že tam sa vytvárajú prefixy slova x resp. z , bez prechodu do q_0 by sme o ne prišli. Takto sme zachovali všetky možnosti a všetky prechody z nášho nového stavu iba vychádzajú, žiaden doňho nevchádza.



Čo s pravidlami (ii) a (iv)? Potrebujeme len jeden akceptačný stav, do ktorého prechody iba vchádzajú. Vytvoríme teda stav q_F , ktorý bude akceptačný. Ako sa do neho dostaneme? Tak isto, ako sme sa dostali do q_2 alebo q_4 . Čiže – z q_1 po b , z q_2 po a a j b , a z q_3 po a . V obrázku znázornené modrou.



Pôvodné akceptačné stavy už nie sú akceptačné. Boli všetky modré prechody potrebné? Ak by sme vynechali prechod z q_1 po b , neakceptovali by sme slovo ab . Ak by sme vynechali prechod z q_2 , tak by sme zahodili sufíxy y . V prípade stavu q_4 do neho išiel iba jeden prechod z q_3 , ten sme zduplikovali. Zamyslite sa, či sa teraz nejaký výpočet skončí v stave q_4 .

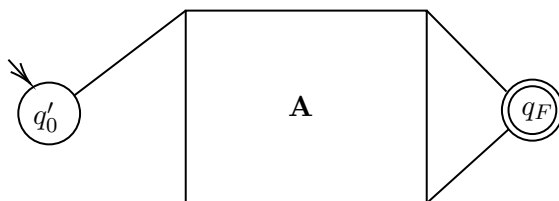
Dôležité je uvedomiť si, že my sme prechody iba pridávali. Tie pôvodné, ktoré nám slúžili ako predloha, sme nerušili, v automate zostali. Keďže sa

jedná o nedeterministický automat, je v poriadku, ak z jedného stavu ide viac prechodov po rovnakom symbole abecedy.

Spravili sme si konštrukciu pre konkrétny automat. Ako by sme to zovšeobecnilí? Potrebujeme vytvoriť postup, ktorý sa bude dať aplikovať na akýkoľvek NKA. Tak skúsme.

- Vezmeme pôvodný NKA, prechody aj stavy zostanú, zrušíme iba označenia vstupného a akceptačných stavov.
- Vytvoríme nový vstupný stav q'_0 . Prechody z neho zostrojíme podľa prechodov z pôvodného vstupného stavu. Tj. pre všetky $\alpha \in \Sigma$ a všetky $p \in Q$ kde $\delta(q_0, \alpha) = p$, zostrojíme prechody $\delta(q'_0, \alpha) = p$.
- Vytvoríme nový akceptačný stav q_F . Prechody do neho zostrojíme podľa prechodov do pôvodných akceptačných stavov. Tj. pre všetky $\alpha \in \Sigma$ a pre všetky $q_x \in F$ (v pôvodnom NKA) ak existuje také $q_y \in Q$, že $\delta(q_y, \alpha) = q_x$, zostrojíme prechod $\delta(q_y, \alpha) = q_F$.
- Stavy nového NKA budú (pôvodné) $Q \cup \{q'_0, q_F\}$. A množina akceptačných stavov bude obsahovať iba $\{q_F\}$.

Táto konštrukcia sa zvykne nazývať ako prasiatková. Resp. výsledný NKA je v takzvanom prasiatkovom normálnom tvare. Prečo? Pozrite sa na obrázok.



Riešenie k 4b

Ako vieme túto konštrukciu použiť na riešenie podúlohy (b)? Skúsme si načrtnúť riešenie pre jazyk $L_1^2 = L_1L_1$. Keby sme zobrali prerobný automat pre jazyk v predchádzajúcej časti, stačilo by nám ho zdublikovať a dať za seba. Ako by sme ho spojili? Akceptačný stav prvej kópie a vstupný stav druhej kópie by sme zlúčili. Čo to spraví? Prvá časť slova, ktorá bude z jazyka L_1 sa prečíta v prvej kópii automatu a skončí v stave q_{F1} , následne sa začne čítať druhá časť slova v druhej kópii automatu a preto z q_{F1} prechádzame priamo doňho a skončíme v q_{F2} .

Skúsme si premyslieť, ako takto skonštruovať ďalšie operácie na jazykoch. Ktoré zostrojíte idú a ktoré nie?

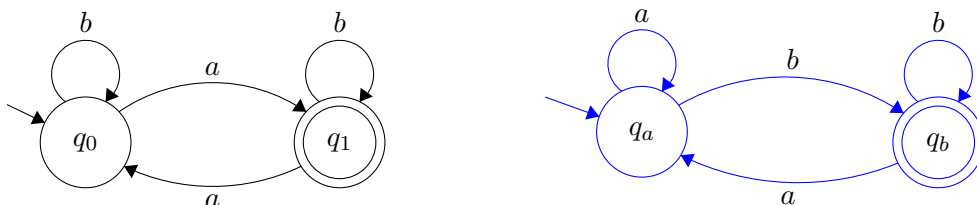
5. Príklad

Nech $L_1 = \{w \in \{a, b\}^* \mid |w|_a \bmod 2 = 1\}$ a $L_2 = \{wb \mid w \in \{a, b\}^*\}$.

Zostrojte automat, ktorý bude rozoznávať jazyk $L_3 = \{xzy \mid x, y, z \in \{a, b\}^*, xy \in L_1 \wedge z \in L_2\}$

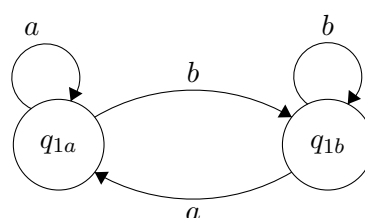
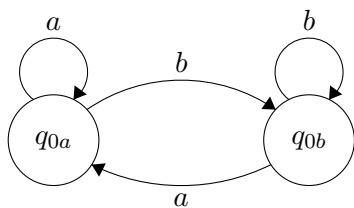
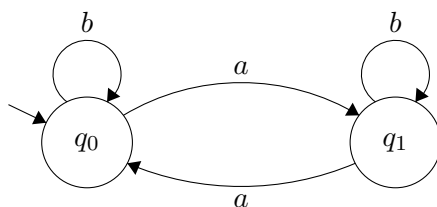
Riešenie 3. príkladu

Zostrojme si automaty pre jazyky L_1 a L_2 . Čierny automat A rozoznáva L_1 a modrý automat B rozoznáva L_2 .

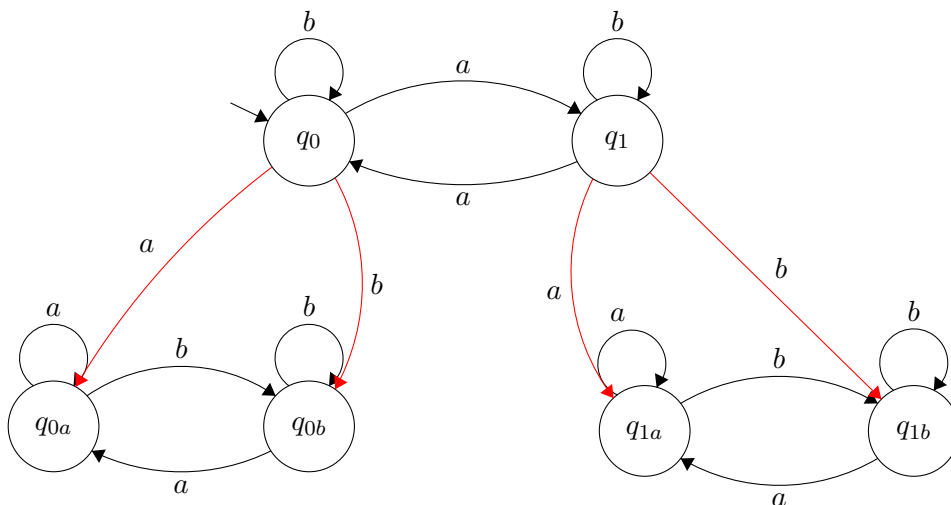


Ako teraz zostrojíme automat pre L_3 ? Pomôže nám tu prasiatkový tvar? Nie úplne, keďže my nevieme, kedy rozdelíme slovo xy . Uvedomte si, že to je zretazenie dvoch slov a obe slová x aj y sa majú čítať v čiernom automате. O samotných slovách x, y nevieme povedať, či sú z jazyka L_1 , vieme iba, že ich zretazenie patrí do jazyka. Preto sa z čierneho automatu budeme musieť dostať do modrého aj z neakceptačného stavu. Ako ale v modrom automate budeme vedieť odkiaľ sme sa tam dostali? A ako budeme vedieť, kde máme pokračovať vo výpočte na y ? Možno nám môže pomôcť niekoľko kópií každého automatu.

Podme postupne. Automat A má dva stavy, čítanie x tak môže skončiť buď v stave q_0 alebo q_1 . Potrebujeme si pamätať, kde sme skončili čítať x , aby sme dobre vedeli určiť, či xy je z jazyka L_1 . Pre každý stav si preto vytvoríme kópiu automatu B . Označme si stavy v týchto kópiách tak, aby sme vedeli, ako sme sa do nich dostali. Všimnite si, že sme zatiaľ nemáme žiaden stav označený ako akceptačný, keďže to budeme riešiť až v poslednom kroku.

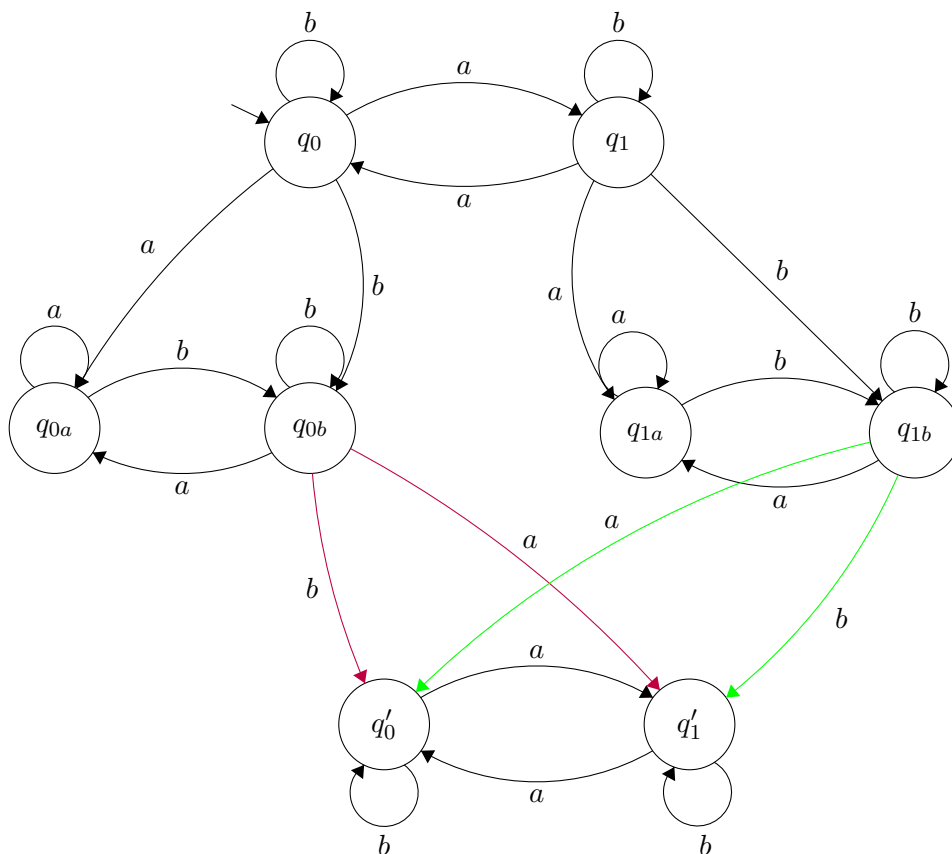


Ako spraviť prechody z automatu A do jednotlivých kópií automatu B? Už sme naznačili, že prechod vždy pôjde z jedného stavu automatu A. Ako sa začneme posúvať do A, rovno čítame aj nové slovo $z \in L_2$. To znamená, že pri vytváraní prechodov z prvej kópie automatu A sa pozeráme na prechody zo vstupného stavu automatu B, čiže q_a .



Vidíme, že zo stavu q_0 sme sa po a dostali do q_{0a} . Prečo? Keď v automate B príde na vstup a , dostaneme sa do q_a . Keď zas v automate B príde na vstup b , dostane sa do q_b , preto sme sa z q_0 dostali po b do q_{0b} . Keď sa na obrázok bližšie pozrieme, uvidíme, že prechody z q_1 sú rovnaké. Pretože týmito (červenými) prechodmi čítame začiatok y z L_2 .

A čo ďalej? Kedy sa vieme posunúť z automatov B? Iba ak sme prečítali slovo $y \in L_2$, čiže ak skončíme v akceptačnom stave q_b . Dobré, budeme sa posúvať iba z q_{0b} a q_{1b} , ale kam a ako? Do prvého automatu? Nie, lebo keby sme sa dostali späť do pôvodného automatu, mali by sme zabezpečené, že sme prečítali podslovo y ? Resp. mohlo by sa stať, že by sme sa do nejakej kópie automatu B nedostali? Mohlo. A tiež by sa mohlo stať to, že z pôvodného automatu by sme prešli do automatu B, potom sa vrátili, a potom opäť prešli do automatu B atď? Áno. Rozpoznali by sme takto správne slová, alebo aj slová, ktoré do jazyka nepatria? No asi aj také, ktoré nie sú korektné. Takže sa do pôvodného automatu vrátiť nemôžeme. Preto opäť vytvoríme kópiu prvého automatu. Bude nám stačiť jeden? Áno, keďže v ňom už budeme končiť, nebudeme prechádzať nikam ďalej, takže si nepotrebujeme nič pamätať. Aby bolo jasné, že ide o kópiu, označme stavy čiarkou.



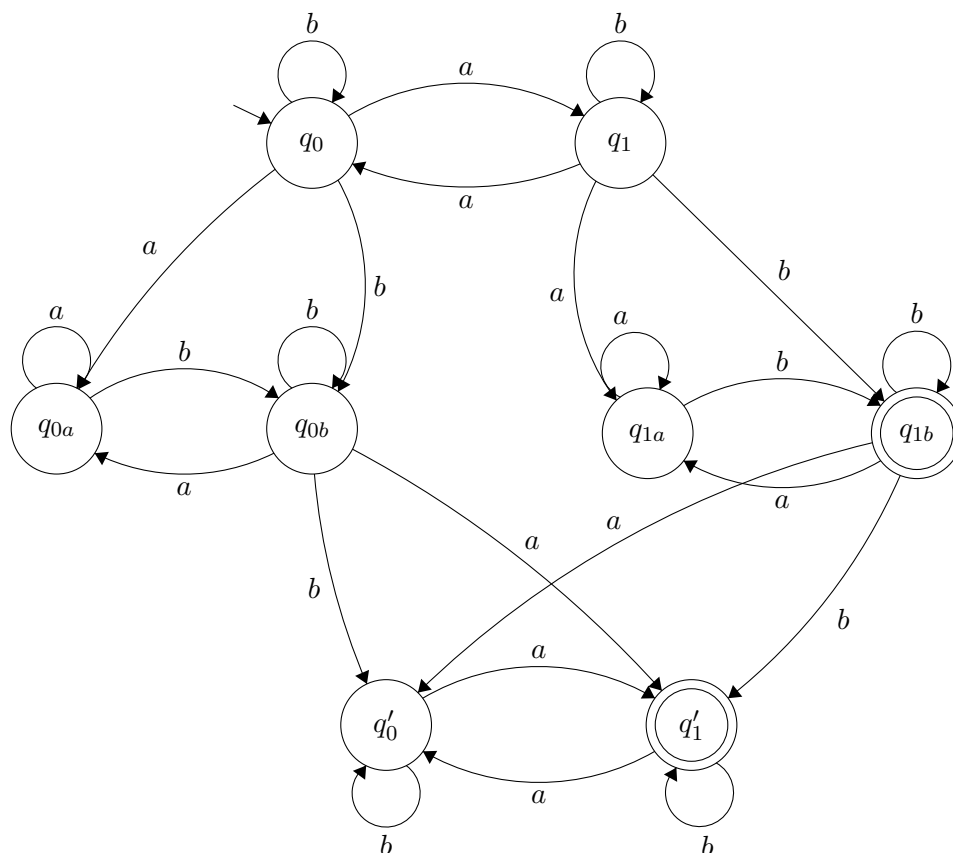
No a čo s prechodmi? Pri q_{0b} vieme, že podslovo x sme prestali čítať v stave q_0 (v prvej kópii automatu A), takže v čítaní podslova y by sme mali

pokračovať od q'_0 . Čo to znamená? Že sa pozeráme na prechody z q'_0 . Ak do q'_0 príde b , ostaneme v ňom. Tj. $\delta(q'_0, b) = q'_0$. A ak tam príde a , posunieme sa do q'_1 , čiže $\delta(q'_0, a) = q'_1$. V obrázku sú tieto prechody znázornené fialovou.

Pri q_{1b} vieme, že podslovo x sme prestali čítať v stave q_1 (v prvej kópii automatu A), takže v čítaní podslova y by sme mali pokračovať od q'_1 . Ak v q'_1 čítame b , zostaneme v q'_1 , preto aj $\delta(q_{1b}, b) = q'_1$. Ak v q'_1 čítame a , presunieme sa do q'_0 , preto $\delta(q_{1b}, a) = q'_0$. V obrázku sú tieto prechody znázornené zelenou.

Zelené aj fialové prechody slúžia na čítanie podslova y .

Výsledný automat:



Zhrňme si to. Prečítali sme podslovo x (prvý automat, na obrázku najvyššie). Prečítali sme podslovo z (v automatoch v strede), to bolo celé z jazyka L_2 , preto sme sa posúvali iba zo stavov q_{0b} a q_{1b} . No a prečítali sme aj podslovo y , pričom sme si dali pozor na to, aby $xy \in L_1$. Ktorý stav bude teda akceptačný?

Určite to bude q'_1 . Ale môže byť aj nejaký iný stav akceptačný? Keď sa pozrieme na zadanie, zistíme, že $x, y, z \in \{a, b\}^*$, čiže môžu byť aj λ . Všetky? $\lambda \notin L_2$, takže $z \neq \lambda$. To, že $x = \lambda$ máme zaručené prechodmi z q_0 , kde sa hneď môže čítať podslovo z . A čo ak $y = \lambda$? To by znamenalo, že skončíme už v pôvodnom akceptačnom stave niektorej kópie druhého automatu. Ako zistíme ktorej? Musí platiť, že $x\lambda \in L_1 \rightarrow x \in L_1$. Teda v prvom automate sme museli skončiť v akceptačnom stave, tj. q_1 . Ďalší akceptačný stav tak bude stav q_{1b}

6. príklad*

Majme jazyky:

- $L_1 = \{w \in \{0, 1\}^* \mid |w|_0 \bmod 3 = 1\}$
- $L_2 = \{w \in \{0, 1\}^* \mid |w|_0 \bmod 3 = 2\}$
- $L_3 = \{w \in \{0, 1\}^* \mid |w|_0 \bmod 3 = 0\}$
- $L_k = \{w0 \mid w \in \{0, 1\}^*\}$
- $L_z = \{1w \mid w \in \{0, 1\}^*\}$

Vyskúšajte zostrojiť automaty pre jazyky, ak $x, y, z, w \in \{0, 1\}^*$

- (a) $L_a = xzy \mid xy \in L_1, z \in L_k$
- (b) $L_b = xzy \mid xy \in L_k, z \in L_2$
- (c) $L_c = xzy \mid xy \in L_3, z \in L_z$
- (d) $L_d = xzy \mid xy \in L_k, z \in L_z$
- (e) $L_e = xzy \mid xy \in L_2, z \in L_3$
- (f) $L_f = xzyw \mid xy \in L_k, zw \in L_z$
- (g) $L_g = xzyw \mid xy \in L_1, zw \in L_k$
- (h) $L_h = xzyw \mid xy \in L_2, zw \in L_3$

Kolko kópií automatov každého typu budete musieť spraviť? Čo všetko si budete musieť pamätať? Budú sa automaty pre L_a až L_e líšiť od automatov L_f až L_h počtom kópií automatov, a počtom stavov? Ktoré stavy budú akceptačné?

Zmenia sa výsledné automaty, ak $x, y, z, w \in \{0, 1\}^+$?